

An Introduction to CUDA Programming

T. Aoyama

HPC-Phys workshop at RIKEN, December 1st, 2018

Table of Contents

- Introduction to CUDA
- Himeno benchmark
- Programming tutorial
 - Kernels
 - Memory management
 - Launch kernel
- Compile and Run
- Advanced topics



C



F

GPGPU Programming

- GPGPU = General-Purpose computing on Graphic Processing Unit
 - GPUを汎用の計算に利用
- Programming environments:
 - Directive-based
 - **OpenACC**, OpenMP (4.5-), ...
 - 既存コードからincrementalにGPU化
 - API-based
 - **CUDA**, OpenCL, ...
 - GPUでの処理を細かく制御
 - Libraries
 - GPU向けに移植されたLibraryやPackageを利用

CUDA

CUDA = Compute Unified Device Architecture

- NVIDIAが開発・提供する GPGPUプラットフォーム
およびプログラミングモデル
- C/C++ (NVIDIA CUDA SDK)
 - C/C++ の拡張として導入。CUDA C と API が提供される。
- Fortran (PGI)
 - PGI compiler でサポート。Fortran90 の拡張として導入。

CUDA Tutorial

- 今回は Himeno benchmark コードを題材に
お手軽にCUDAを導入してみる。
 - a. シンプルにカーネル化
 - shared memory などの optimize は後回し
 - b. Unified Memory
 - メモリの管理はdriverに任せる
 - c. ライブラリの利用
 - 集約処理(reduction)に cuBLAS を使う

Himeno benchmark

- 非圧縮性流体などに現れるPoisson方程式をPoint-Jacobi法で解く

$$\frac{\partial^2 p}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial z^2} + \alpha \frac{\partial^2 p}{\partial x \partial y} + \beta \frac{\partial^2 p}{\partial x \partial z} + \gamma \frac{\partial^2 p}{\partial y \partial z} = \rho$$

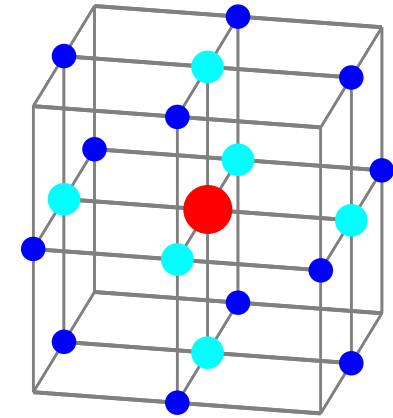
↓ 2次中心差分で離散化

$$\begin{aligned} & A_0 p_{i+1,j,k} + A_1 p_{i,j+1,k} + A_2 p_{i,j,k+1} \\ & + B_0 (p_{i+1,j+1,k} - p_{i-1,j+1,k} - p_{i+1,j-1,k} + p_{i-1,j-1,k}) \\ & + B_1 (p_{i+1,j,k+1} - p_{i+1,j,k-1} - p_{i-1,j,k+1} + p_{i-1,j,k-1}) \\ & + B_2 (p_{i,j+1,k+1} - p_{i,j+1,k-1} - p_{i,j-1,k+1} + p_{i,j-1,k-1}) \\ & + C_0 p_{i-1,j,k} + C_1 p_{i,j-1,k} + C_2 p_{i,j,k-1} - D p_{i,j,k} \\ & = W \end{aligned}$$

- p は従属変数、係数 A, B, C, D, W は定数行列(空間座標に依存)

Himeno benchmark

- 19点のステンシル
 - x, y, z および xy, xz, yz 方向の隣接格子点を参照
- 問題サイズ



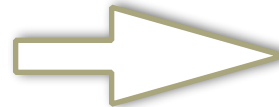
S	64x64x128
M	128x128x256
L	256x256x256
XL	512x512x1024

- 演算
 - 疎行列ベクトル積
 - 誤差 = 各格子点での残差の2乗和

Strategy for parallelization

- 格子点をまわるループ
 - ループ内に依存性はない
 - 1格子点の演算 \leftrightarrow 1スレッドで実行 としてモデル化、多数のスレッドを GPU 上で並列処理

```
for(i=1 ; i<imax; i++)  
  for(j=1 ; j<jmax ; j++)  
    for(k=1 ; k<kmax ; k++){
```



スレッドに分散

// 格子点での演算



“カーネル”

- ループカウンタ(i,j,k) \leftrightarrow スレッドを識別する Index

Reorganize code flow

- 扱いやすいようにコードを変形

```
for(n=0 ; n<nn ; n++){
  gosa = 0.0;

  for(i=1 ; i<imax; i++)
    for(j=1 ; j<jmax ; j++)
      for(k=1 ; k<kmax ; k++){
        s0= MR(a,0,i,j,k)*MR(p,0,i+1,j, k)
          + MR(a,1,i,j,k)*MR(p,0,i, j+1,k)
          + MR(a,2,i,j,k)*MR(p,0,i, j, k+1)
        // ...
        ss= (s0*MR(a,3,i,j,k) - MR(p,0,i,j,k))*MR(bnd,0,i,j,k);

        gosa += ss*ss;
        MR(wrk2,0,i,j,k)= MR(p,0,i,j,k) + omega*ss;
      }
}
```

差分をwrk2に書き出し

$MR(wrk2,0,i,j,k) = ss;$

gosa は wrk2 の要素の
2乗和(norm)で計算される

```
for(i=1 ; i<imax ; i++)
  for(j=1 ; j<jmax ; j++)
    for(k=1 ; k<kmax ; k++)
      MR(p,0,i,j,k)= MR(wrk2,0,i,j,k);
} /* end n loop */
```

p を update する

$MR(p,0,i,j,k) += MR(wrk2,0,i,j,k) * omega;$

axpyの形になっている

CUDA-nizing code flow

- CUDA化の流れ

メモリの確保とデータ転送 `cudaMemcpy(...)`

```
for(n=0 ; n<nn ; n++){
```

iteration loop

```
    for(i=1 ; i<imax; i++)
        for(j=1 ; j<jmax ; j++)
            for(k=1 ; k<kmax ; k++){
                s0= MR(a,0,i,j,k)*MR(p,0,i+1,j, k)
                  + MR(a,1,i,j,k)*MR(p,0,i, j+1,k)
                  + MR(a,2,i,j,k)*MR(p,0,i, j, k+1)
                // ...
                ss= (s0*MR(a,3,i,j,k) - MR(p,0,i,j,k))*MR(bnd,0,i,j,k);

                MR(wrk2,0,i,j,k) = ss;
            }
```

カーネル実行

`jacobi_step<<<grid,block>>>(args)`

```
    for(i=1 ; i<imax ; i++)
        for(j=1 ; j<jmax ; j++)
            for(k=1 ; k<kmax ; k++)
                MR(p,0,i,j,k) += MR(wrk2,0,i,j,k) * omega;
```

`jacobi_update<<<grid,block>>>(args)`

```
} /* end n loop */
```

計算結果をホストに転送

Kernel

- スレッドで実行する処理を関数の形式で定義

```
__global__ void kernel (int n, float *dA)
{
    // kernel contents
}
```

__global__	カーネルの記述
__device__	デバイスコード用の関数 カーネルや他のデバイスコードから呼ばれる
__host__	ホストコード向けの関数

- 引数
 - デバイス上の配列を指すポインタ
 - スカラー値

Kernel

- global属性付きサブルーチンの形式で定義
 - カーネルはモジュールの中に置く必要がある

```
module kernel_module
contains
  attributes(global) subroutine kernel (n,dA)
    integer,value :: n
    real,dimension(n),device :: dA
    !...
end module kernel_module
```

- 引数
 - デバイス配列は device を付ける (e.g. dA)
 - スカラー値の受け渡しは value を付ける (e.g. n)

Thread, Block, Grid

- スレッドは階層的にグループ化されて実行される
 - スレッドの集まり = ブロック
 - ブロックの集まり = グリッド

cf. OpenACC では Vector/Worker/Gang に抽象化されている

- 各スレッドは一意的な ID で識別される
 - 組み込み変数としてカーネル内から参照可
 - `threadIdx` block内のthreadのID
 - `blockIdx` grid内のblockのID
 - ブロック・グリッドのサイズは `blockDim`, `gridDim`
 - ID は 1,2,3次元の形状をとる
 - これらの変数は `dim3` 型

Thread Index

- スレッドのインデックスを threadIdx, blockIdx から計算

```
idx = threadIdx.x + blockDim.x * blockIdx.x;
```

```
idx = threadIdx%x + blockDim%x * (blockIdx%x - 1)
```

- Fortranの場合、index は **1**から であることに注意。

Writing Kernels

```

__global__
void jacobi_step_dev(float *pa, float *pb, float *pc, float *pp,
                    float *pbnd, float *pwrk1, float *pwrk2, int mrows, int mcols, int mdeps)
{
    int index = threadIdx.x + blockDim.x * blockIdx.x;

    int k = index % mdeps;
    int j = (index / mdeps) % mcols;
    int i = (index / (mdeps * mcols)) % mrows;

    if (i == 0 || i == mrows-1 || j == 0 || j == mcols-1 || k == 0 || k == mdeps-1)
    {
        pwrk2[IDX(0,i,j,k)] = 0.0f;
    } else {
        float s0 = 0.0f;
        s0 = pa[IDX(0,i,j,k)]*pp[IDX(0,i+1,j, k)]
            + pa[IDX(1,i,j,k)]*pp[IDX(0,i, j+1,k)]
            + pa[IDX(2,i,j,k)]*pp[IDX(0,i, j, k+1)]
            + pb[IDX(0,i,j,k)]
            *( pp[IDX(0,i+1,j+1,k)] - pp[IDX(0,i+1,j-1,k)]
              - pp[IDX(0,i-1,j+1,k)] + pp[IDX(0,i-1,j-1,k)] )
            + pb[IDX(1,i,j,k)]
            *( pp[IDX(0,i,j+1,k+1)] - pp[IDX(0,i,j-1,k+1)]
              - pp[IDX(0,i,j+1,k-1)] + pp[IDX(0,i,j-1,k-1)] )
            + pb[IDX(2,i,j,k)]
            *( pp[IDX(0,i+1,j,k+1)] - pp[IDX(0,i-1,j,k+1)]
              - pp[IDX(0,i+1,j,k-1)] + pp[IDX(0,i-1,j,k-1)] )
            + pc[IDX(0,i,j,k)] * pp[IDX(0,i-1,j, k)]
            + pc[IDX(1,i,j,k)] * pp[IDX(0,i, j-1,k)]
            + pc[IDX(2,i,j,k)] * pp[IDX(0,i, j, k-1)]
            + pwrk1[IDX(0,i,j,k)];
        float ss = (s0 * pa[IDX(3,i,j,k)] - pp[IDX(0,i,j,k)]) * pbnd[IDX(0,i,j,k)];

        pwrk2[IDX(0,i,j,k)] = ss;
    }
}

```

インデックス計算

loop内の処理

(Cプログラムから切り出す)

Writing Kernels

```

module cuda_kernel
  use cudafor
  contains
    attributes(global) subroutine jacobi_step (p, a, b, c, bnd, wrk1, wrk2, &
      imax, jmax, kmax)
      implicit none
      real, dimension(::, ::, ::, ::), device :: a, b, c
      real, dimension(::, ::, ::), device :: p
      real, dimension(::, ::, ::), device :: bnd, wrk1, wrk2
      integer, value :: imax, jmax, kmax
      integer :: index
      integer :: i, j, k
      real :: s0, ss

      i = threadIdx%x + blockDim%x * (blockIdx%x-1)
      j = threadIdx%y + blockDim%y * (blockIdx%y-1)
      k = threadIdx%z + blockDim%z * (blockIdx%z-1)

      if ( (i.lt.1).or.(i.gt.imax).or.&
        (j.lt.1).or.(j.gt.jmax).or.&
        (k.lt.1).or.(k.gt.kmax) ) then
        ! index out of range.
        return
      else if ( (i.eq.1).or.(i.eq.imax).or.&
        (j.eq.1).or.(j.eq.jmax).or.&
        (k.eq.1).or.(k.eq.kmax) ) then
        ! edge points
        ss=0.0
      else
        s0 = a(I, J, K, 1)*p(I+1, J, K) &
          +a(I, J, K, 2)*p(I, J+1, K) &
          +a(I, J, K, 3)*p(I, J, K+1) &
          +b(I, J, K, 1) * (p(I+1, J+1, K)-p(I+1, J-1, K) &
            -p(I-1, J+1, K)+p(I-1, J-1, K)) &
          +b(I, J, K, 2) * (p(I, J+1, K+1)-p(I, J-1, K+1) &
            -p(I, J+1, K-1)+p(I, J-1, K-1)) &
          +b(I, J, K, 3) * (p(I+1, J, K+1)-p(I-1, J, K+1) &
            -p(I+1, J, K-1)+p(I-1, J, K-1)) &
          +c(I, J, K, 1)*p(I-1, J, K) &
          +c(I, J, K, 2)*p(I, J-1, K) &
          +c(I, J, K, 3)*p(I, J, K-1)+wrk1(I, J, K)
        ss=(s0*a(I, J, K, 4)-p(I, J, K))*bnd(I, J, K)
      end if
      wrk2(i, j, k) = ss
    end subroutine jacobi_step
  end module cuda_kernel

```

カーネルはmodule内に配置

デバイス配列は device
スカラー引数は value で修飾

3次元のindexを使用
i,j,k に対応させる

loop内の処理
(Fortranコードから切り出し)

Memory

- メモリ管理
 - APIを通じてホスト側から制御
- 基本的な流れ
 - デバイス上にメモリを確保 (global memory)
`cudaMalloc(&devPtr, size)`
 - devPtr はデバイス上のメモリへのポインタ
ホスト側からは単なる識別子(直接読み書きはできない)
 - データ転送 (次ページ)
 - 確保したメモリを解放

`cudaFree(devPtr)`

Memory

- 基本的な流れ
 - データ転送

```
cudaMemcpy(dstPtr, srcPtr, size, kind)
```

- kindは転送の方向

<code>cudaMemcpyHostToDevice</code>	ホスト→デバイス
<code>cudaMemcpyDeviceToHost</code>	デバイス→ホスト
<code>cudaMemcpyDeviceToDevice</code>	デバイス上のメモリコピー

- `dstPtr`, `srcPtr` は方向に応じてデバイス上またはホスト上のポインタを指定
間違えると実行時エラー

Memory

- デバイス配列は device 属性をつけて宣言する
- allocate文で動的に確保できる
 - `real, device, allocatable, dimension(:, :)` :: dA
`allocate(dA(M, N))`
MxN の2次元配列をデバイス上に確保
- 配列の代入文でデータ転送
 - `dA = hA`
 - ホスト上の配列 hA からデバイス配列 dA へ転送
 - 部分配列も可
- deallocate文で解放

Memory

- APIを利用することも可
 - cudafor モジュールを use する
- 例
 - `real, device, allocatable :: dB(:)`
`status = cudaMalloc(dB, 1024)`
- 多次元配列は扱いにくい

Unified Memory

- ホストとデバイスのメモリ空間を統合
 - メモリ管理を単純化
 - 別々のメモリ空間によるポインタの重複を排除
 - 明示的なデータ転送が不要
 - 必要に応じてドライバが裏で転送を行う
 - (Pascal以降) on-demand で paging する.
GPUメモリ容量を超える oversubscribe 可能.
- 使い方
 - `cudaMallocManaged(&ptr, size)`
 - ホスト側の malloc 呼び出しを置き換え
 - データを書き込み、そのままカーネルの引数に渡せる

Unified Memory

- Himeno benchmark では
 - Matrix 型の初期化 `newMat()` の中で行列のデータを確保している箇所を置き換える

```
int
newMat(Matrix* Mat, int mnums, int mrows, int mcols, int mdeps)
{
    Mat->mnums= mnums;
    Mat->mrows= mrows;
    Mat->mcols= mcols;
    Mat->mdeps= mdeps;
    Mat->m= NULL;
    Mat->m= (float*)
        malloc(mnums * mrows * mcols * mdeps * sizeof(float));

    int vol = mnums * mrows * mcols * mdeps;
    cudaMallocManaged((void**)&(Mat->m), sizeof(float) * vol);

    return(Mat->m != NULL) ? 1:0;
}
```

Unified Memory

- Fortran では managed 属性を付ける
 - `real,managed,allocatable :: A(:)`
`allocate(A(N))`
- API を通じて確保もできる
 - `stat =`
`cudaMallocManaged(A,N,cudaMemAttachHost)`

Kernel Launch

- 関数呼び出しと同じ形式
- ブロック・グリッドのサイズと形状を特殊な構文で指定
 - `kernel<<<grid,block>>>(args,...)`
 - `call kernel<<<grid,block>>>(args,...)`
 - `grid, block` は `int`型(1次元) または `dim3`型(2,3次元)

```
for(i=1 ; i<imax; i++)  
  for(j=1 ; j<jmax ; j++)  
    for(k=1 ; k<kmax ; k++){
```

// 格子点での演算

`kernel<<<grid,block>>>(args)`



Kernel Launch

- カーネル実行は非同期
 - カーネル起動後、すぐにホスト側に処理が復帰する
 - カーネルの終了を待つには
 - `cudaDeviceSynchronize()`

Initialize Devices

- デバイスの明示的な初期化は不要
 - 最初のAPI呼び出しで自動的に初期化が行われる
 - (GPUが複数あるとき) 使うデバイスを id で指定
 - `cudaSetDevice(devid)`
- デバイスの機能や設定を調べるには
 - `cudaGetDeviceProperties(&prop, devid)`
 - prop は `cudaDeviceProp`型の構造体
 - compute capability やデバイスメモリのサイズなど取得できる
- デバイスの解放は
 - `cudaDeviceReset()`
 - 現在activeなデバイスのcontextを破棄する

cuBLAS Library

- BLAS (Basic Linear Algebra System)
 - 線形代数演算のセット
- 使い方
 - `#include <cublas_v2.h>`
 - `cublasHandle_t`型のハンドルを作成
 - `cublasCreate(&handle)`
- BLASルーチンの呼び出し例
 - 2乗ノルムの平方根 (単精度)
 - `cublasSnrm2(handle, size, x, xstride, &val)`
 - `axpy`
 - `cublasSaxpy(handle, size, a, x, xstride, y, ystride)`

Compile and Run

- `nvcc [options] source.cu`
 - コンパイラ `nvcc` (NVIDIA CUDA SDK)
 - ソースファイル名の convention は `～.cu`
 - オプション (詳しくは `nvcc --help`)
 - `-arch sm_30` compute capability の指定
 - `-ptxas-options=-v`
 - kernel の使用リソースなど詳細情報を出力
- カーネルコードとホストコードを分離してそれぞれコンパイルし、まとめて一つの実行形式にして出力する

Compile and Run

- `pgf90 [options] source.cuf`
 - コンパイラは `pgf90` (PGI Fortranコンパイラ)
 - ソースファイル名の convention は `～.cuf`
- オプション (詳しくは `man pgf90`)
 - `-Mcuda=cc30,ptxinfo`
 - `cc30` : compute capability 3.0
 - `ptxinfo` : kernel 関数の情報を表示
 - `-Mfixed` 固定形式のソースファイル

Profiling and Debug

- 実行時性能を評価
 - 各関数の経過時間・実行回数をカウント
 - ロード・ストアの効率などをモニタ
 - `nvprof [type] ./a.out [args]`
 - `type` に `profile` のモードやカウンタを指定
無指定では `summary mode`
 - GUI の `nvvp` など利用可能
- デバッグ
 - `cuda-gdb`
 - コンパイル時に `-G -lineinfo` をつけてコンパイル
 - 使い方は `gdb` とほぼ同じ。特定のスレッドを調査できる
 - `printf` デバッグ
 - カーネル内で `printf` が使える

Performance

- デモ環境 GeForce GTX680M (Kepler世代)

	GTX680M	K40	P100	V100
Generation	Kepler	Kepler	Pascal	Volta
#SM	7	15	56	80
FP32 core	1344	2880	3584	5120
FP64 core	56	960	1792	2560
Peak FP32	2.03TFlops	5TFlops	10.6TFlops	15.7TFlops
Peak FP64	0.083TFlops	1.7TFlops	5.3TFlops	7.8TFlops
SP/DP	24:1	3:1	2:1	2:1
Mem B/W	115.2GB/s	288GB/s	732GB/s	900GB/s
CC	3.0	3.5	6.0	7.0

Compute Capability

Performance

- 演算量
 - 格子点あたり 34演算
- データ量
 - 12個の係数・1個の一時変数・1個の変数 = 14変数
 - 隣接格子点を毎回ロード → + 18変数
 - **Byte/Flop = 4byte x 14 or 32 / 34 ops**
- メモリバンド幅が律速とすると、期待される性能は
 - 再利用あり → $115.2 \text{ GB/s} / (4\text{byte} \times 14 / 34 \text{ ops}) = \mathbf{70 \text{ GFlops}}$
 - 再利用なし → $115.2 \text{ GB/s} / (4\text{byte} \times 32 / 34 \text{ ops}) = \mathbf{30 \text{ GFlops}}$

Advanced Topics

1. Shared memory の利用

- block内のthreadで共有 → thread間のcommunication
- Global memory より高速 → Programmable な cache

2. Block size/Grid size の最適化

- block, grid のサイズを調整し、SMの占有率を上げる
 - なるべく多数のthreadをSMに割り当て
 - SMのリソース(レジスタ・共有メモリ)は有限

Advanced Topics

3. Memory layout の検討

- threadが協調的にglobal memoryにアクセスすると効率がよい
 - coalesced access
- 今の場合、係数行列の読み出しがメイン (再利用されない)
 - データストリームを最適化

4. 複数GPUの利用

- single node/multi-node上の複数のGPUを並列に使う
- 通信と演算のoverlapによりデータ転送遅延を隠蔽